

Ребусы

Задача 25.1. Восстановите поврежденные записи арифметических действий:

$$\begin{array}{r}
 \text{a) } \begin{array}{r} + \\ \hline \end{array} \begin{array}{r} ** \\ * \\ \hline **8 \end{array} \\
 \text{б) } \begin{array}{r} \times \\ \hline \end{array} \begin{array}{r} 27 \\ ** \\ \hline *8 \\ * * \\ \hline 3 ** \end{array}
 \end{array}$$

Задача 25.2. В равенстве $** + *** = ****$ все цифры заменены звездочками. Восстановите равенство, если известно, что каждое из трёх чисел не меняется при перестановке его цифр в обратном порядке.

Задача 25.3. Решите ребус: $*** - *** = 1$, если вместо звездочек разрешается вставить два нуля, две девятки, одну единицу и одну двойку. Найдите два возможных варианта решения.

Задача 25.4. Ученик написал на доске пример на умножение двузначных чисел. Затем он стер все цифры и заменил их на буквами. Получилось равенство: $AB \cdot CD = MLNKT$. Объясните, почему ученик ошибся.

Задача 25.5. Решите ребус $A + BB + A = CCC$, если одинаковыми буквами обозначены одинаковые цифры.

Задача 25.6. Найдите решение ребуса

$$\text{Я} + \text{ОН} + \text{ОН} + \text{ОН} + \text{ОН} + \text{ОН} + \text{ОН} = \text{МЫ}.$$

Задача 25.7. Дано трехзначное число ABB , произведение цифр которого — двузначное число AC , произведение цифр этого числа равно C (цифры в записи числа заменены буквами; одинаковым буквам соответствуют одинаковые цифры, разным — разные). Каким могло быть исходное число?

Задача 25.8. Может ли быть верным равенство $\text{К}\cdot\text{О}\cdot\text{Т} = \text{У}\cdot\text{Ч}\cdot\text{Ё}\cdot\text{Н}\cdot\text{Й}$, если разные буквы обозначают разные цифры?

Задача 25.9. Найдите наименьшее четырёхзначное число СЕEM, для которого существует решение ребуса $\text{МЫ} + \text{РОЖЬ} = \text{СЕEM}$. (Однаковым буквам соответствуют одинаковые цифры, разным — разные.)

Задача 25.10. Расшифруйте еще один ребус. Несмотря на то, что здесь известны всего две цифры, а все остальные заменены звездочками, пример можно восстановить.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{c|cc}
 \ast\ast\ast\ast\ast\ast & \ast\ast \\
 \hline
 \ast\ast\ast & \ast\ast 8 \ast\ast \\
 \hline
 \ast\ast
 \end{array} \\
 \begin{array}{c|cc}
 \ast\ast & \ast\ast \\
 \hline
 \ast\ast\ast & \\
 \hline
 \ast\ast\ast
 \end{array} \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

Домашнее задание.

Задача 25.11. Как при помощи только пяти цифр 5, знаков арифметических действий и скобок представить каждое из чисел от 0 до 10 включительно?

Задача 25.12. Мальвина записала пример на сложение в котором все цифры различны. Буратино поставил в ее тетради несколько клякс. Помогите Мальвине и восстановите этот пример.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r}
 \ast\ast 3 \\
 + 7 \ast \\
 \hline
 4
 \end{array} \\
 \hline
 \ast\ast 2
 \end{array}$$

Задача 25.13. Решите ребус $A + AB + ABC = BCB$.

Задача 25.14. На доске было написано несколько натуральных чисел, причём разность любых двух соседних чисел равна одному и тому же числу. Коля заменил в этой записи разные цифры разными буквами, а одинаковые цифры — одинаковыми буквами. Восстановите исходные числа, если на доске написано Т, ЕЛ, ЕК, ЛА, СС.

Дополнительные задачи.

Задача Д25.1. Составьте из десяти цифр и знаков арифметических действий три верных примера. Каждую цифру надо использовать ровно один раз, а любой из знаков сложения, вычитания, умножения, деления не более одного раза.

Задача Д25.2. Найдите все возможные решения ребуса

$$\text{ТЫ} + \text{ТЫ} + \text{ТЫ} + \text{ТЫ} = \text{ВЫ}.$$

Задача Д25.3. Решите ребус $\text{ABBA} + \text{A} + \text{B} = \text{CDDA}$, если одинаковыми буквами обозначены одинаковые цифры. Найдите все возможные значения A, B, C и D .

Задача Д25.4. На доске было написано несколько натуральных чисел, причём разность любых двух соседних чисел равна одному и тому же числу. Коля заменил в этой записи разные цифры разными буквами, а одинаковые цифры — одинаковыми буквами. Восстановите исходные числа, если на доске написано $A, BC, DEF, CGH, CBE, EKG$.

Задача Д25.5. В равенстве $\text{ТИХО} + \text{ТИГР} = \text{СПИТ}$ замените одинаковые буквы одинаковыми цифрами, а разные буквы — разными цифрами так, чтобы ТИГР был бы как можно меньше (нулей среди цифр нет).

Задача Д25.6. Найдите все решения ребуса $\text{ПЕ} \cdot \text{РЕ} = \text{БОР}$.

Задача Д25.7. Решите ребус $\text{КРОСС} + \text{КРОСС} = \text{СПОРТ}$.

Задача Д25.8. $\text{КИС} + \text{КИС} + \text{КИС} = \text{МЯУ}$, $\text{МЯУ} + \text{МЯУ} = \text{ГАВ}$. Что больше: КИТ + КИТ или ВАУ?

Задача Д25.9. В числах МИХАЙЛО и ЛОМОНОСОВ каждая буква обозначает цифру (разным буквам соответствуют разные цифры). Известно, что у этих чисел произведения цифр равны. Могут ли оба числа быть нечётными?

Задача Д25.10. В равенстве $\text{ПЕТР} \cdot \text{ИВАНОВ} - \text{ИВАН} \cdot \text{ПЕТРОВ} = 2009$ одинаковые цифры обозначены одинаковыми буквами, а разные — разными. Какие значения может принимать О?